

**SCHEMAT PUNKTOWANIA ZADAŃ Z KARTY ODPOWIEDZI**

Numer zadania	Liczba punktów za zadanie	Miejsce na odpowiedź ucznia			
		A	B	C	D
1	1	X			
2	1		X		
3	1	X			
4	1	X			
5	1			X	
6	1		X		
7	2		X		
8	2	X			
9	2		X		
10	2			X	
11	2				X
12	2				X
13	3	4			
14	3	5			
SUMA PUNKTÓW					24

**SCHEMAT PUNKTOWANIA ZADAŃ Z LUKĄ**

Nr zad.	Maks. liczba pkt	Odpowiedzi	Zasady przyznawania punktów
13	3	4	<b>3p</b> – zapisanie cyfry 4 <b>0p</b> – wpisanie innej cyfry lub brak odpowiedzi.
14	3	5 cm	<b>3p</b> – wpisanie cyfry 5 <b>0p</b> – brak odpowiedzi lub błędna odpowiedź.

**SCHEMAT PUNKTOWANIA ZADAŃ OTWARTYCH**

15	4	121,5 cm	<p><b>4p</b> – poprawne metody oraz bezbłędne obliczenia prowadzące do podania w odpowiedzi wysokości, na jaką wzniosła się piłka po pierwszym uderzeniu</p> <p><i>Przykładowe rozwiązanie 1:</i></p> <p>po piątym uderzeniu: 24 cm, po czwartym uderzeniu: <math>24 \cdot \frac{3}{2} = 36</math> cm,                  po trzecim uderzeniu: <math>36 \cdot \frac{3}{2} = 54</math> cm, po drugim uderzeniu: <math>54 \cdot \frac{3}{2} = 81</math> cm,                  po pierwszym uderzeniu: <math>81 \cdot \frac{3}{2} = 121,5</math> cm.</p> <p>Odpowiedź: Po pierwszym uderzeniu piłka wzniosła się na wysokość 121,5 cm.</p> <p><i>Przykładowe rozwiązanie 2:</i></p> <p><math>x</math> - wysokość, na jaką wzniosła się piłka po pierwszym uderzeniu,  <math>\frac{2}{3}x</math> - wysokość, na jaką wzniosła się piłka po drugim uderzeniu,  <math>\frac{2}{3} \cdot \left(\frac{2}{3}x\right) = \frac{4}{9}x</math> - wysokość, na jaką wzniosła się piłka po trzecim uderzeniu,  <math>\frac{2}{3} \cdot \left(\frac{4}{9}x\right) = \frac{8}{27}x</math> - wysokość, na jaką wzniosła się piłka po czwartym uderzeniu,  <math>\frac{2}{3} \cdot \left(\frac{8}{27}x\right) = \frac{16}{81}x</math> - wysokość, na jaką wzniosła się piłka po piątym uderzeniu.</p> <p><math>\frac{16}{81}x = 24</math>, więc <math>x = 121,5</math> cm.</p> <p><b>3p</b> – znalezienie wysokości piłki po drugim uderzeniu (81 cm) i na tym poprzestanie  <b>lub</b> zapisanie zależności <math>\frac{16}{81}x = 24</math> i na tym poprzestanie,</p> <p><b>2p</b> – znalezienie wysokości piłki po trzecim uderzeniu (54 cm) i na tym poprzestanie  <b>lub</b> zapisanie wysokości, na jaką wzniosła się piłka po czwartym uderzeniu <math>\left(\frac{8}{27}x\right)</math>,</p> <p><b>1p</b> – znalezienie wysokości piłki po czwartym uderzeniu (36cm) i na tym poprzestanie  <b>lub</b> zapisanie wysokości, na jaką wzniosła się piłka po trzecim uderzeniu <math>\left(\frac{4}{9}x\right)</math>,</p> <p><b>0p</b> – błędne rozwiązanie <b>lub</b> podanie poprawnej odpowiedzi bez obliczeń.</p> <p><b>Uwaga: Za poprawne rozwiązanie zadania inną metodą niż przedstawione przyznajemy 4 punkty.</b></p>
----	---	----------	--

16	4	7	<p><b>4p</b> – poprawne metody oraz bezbłędne obliczenia prowadzące do podania w odpowiedzi liczby wnucząt babci Aliny</p> <p><u>Przykładowe rozwiązanie:</u></p> <p><math>w</math> – liczba wnucząt babci Aliny</p> <p>liczba babeczek wyrażona na dwa sposoby:</p> <p><math>5w + 2</math> oraz <math>6w - 5</math></p> <p>Porównujemy te liczby <math>5w + 2 = 6w - 5</math>.</p> <p>Stąd <math>w = 7</math>.</p> <p><b>3p</b> – porównanie wielkości <math>5w + 2 = 6w - 5</math> i na tym poprzestanie,  <b>2p</b> – zapisanie liczby babeczek na dwa sposoby: <math>5w + 2</math> i <math>6w - 5</math> i na tym poprzestanie,  <b>1p</b> – zapisanie liczby babeczek jednym sposobem: <math>5w + 2</math> lub <math>6w - 5</math> i na tym poprzestanie,  <b>0p</b> – błędne rozwiązanie <b>lub</b> podanie poprawnej odpowiedzi bez obliczeń.</p> <p><b>Uwaga: Za poprawne rozwiązanie zadania inną metodą niż przedstawione przyznajemy 4 punkty.</b></p>
17	4	462 i 924	<p><b>4p</b> – poprawne metody prowadzące do podania dwóch liczb trzycyfrowych spełniających warunki zadania,</p> <p><b>3p</b> – poprawna metoda (NWW liczb 6, 7 i 11 jako iloczyn tych liczb, ponieważ nie mają one wspólnych dzielników) dająca tylko jedno rozwiązanie – 462,</p> <p><b>2p</b> – wyciągnięcie wniosków: jeżeli różnica liczby i liczby 6 jest podzielna przez 6, to ta liczba musi być wielokrotnością liczby 6. Analogicznie dla 7 i 11,</p> <p><b>0p</b> – błędne rozwiązanie <b>lub</b> podanie poprawnej odpowiedzi bez obliczeń.</p> <p><b>Uwaga: Za poprawne rozwiązanie zadania inną metodą niż przedstawione przyznajemy 4 punkty.</b></p>

18	4	5 paczek	<p><b>4p</b> – poprawne metody oraz bezbłędne obliczenia prowadzące do podania w odpowiedzi liczby półkilogramowych paczek nasion trawy</p> <p><u>Przykładowe rozwiązanie:</u></p> <p>Skoro obwód trójkąta równobocznego wynosi <math>48\text{ m}</math>, zatem długość jego boku to <math>16\text{ m}</math>, a jego pole jest równe <math>\frac{16^2\sqrt{3}}{4} = 64\sqrt{3}\text{ m}^2</math>. Obliczamy wielkość obszaru przeznaczanego na obsianie trawą:</p> $64\sqrt{3} - 16\sqrt{3} = 48\sqrt{3}\text{ m}^2.$ <p>Zgodnie z przyjętym założeniem obszar ten zajmuje <math>48 \cdot 1,7 = 81,6\text{ m}^2</math>. Aby znaleźć wagę nasion potrzebnych do obsiania trawnika wykonujemy działanie <math>81,6 \cdot 2,5 = 204\text{ dag}</math>.</p> <p>W związku z tym wnioskujemy, że potrzeba 5 półkilogramowych paczek nasion trawy na obsianie tego trawnika.</p> <p><b>3p</b> – obliczenie wielkości obszaru przeznaczanego na obsianie trawą w <math>\text{m}^2</math> z uwzględnieniem przyjętego zaokrąglenia liczby <math>\sqrt{3}</math> (<math>81,6\text{ m}^2</math>) i na tym poprzestanie,</p> <p><b>2p</b> – podanie wielkości obszaru przeznaczanego na obsianie trawą w postaci <math>48\sqrt{3}\text{ m}^2</math> i na tym poprzestanie,</p> <p><b>1p</b> – obliczenie pola trójkąta równobocznego o boku <math>16\text{ m}</math> (<math>64\sqrt{3}\text{ m}^2</math>) i na tym poprzestanie,</p> <p><b>0p</b> – błędne rozwiązanie <b>lub</b> podanie poprawnej odpowiedzi bez obliczeń.</p> <p><b>Uwaga: Za poprawne rozwiązanie zadania inną metodą niż przedstawione przyznajemy 4 punkty.</b></p>
----	---	----------	--